

# 2.10. ТРОИЧНАЯ ЛОГИКА

Бывает логика более сложных порядков чем двоичная.

## Троичная логика

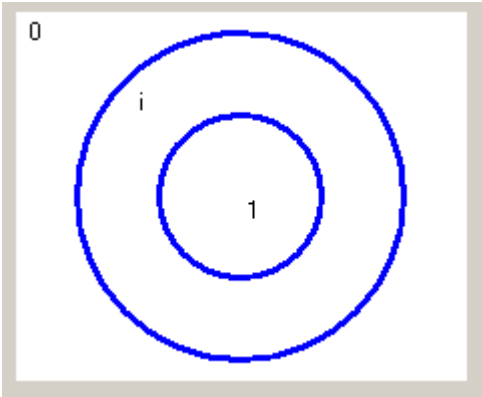
Троичная логика  
(Ternary logic)  
мы смотрим сбалансированный вариант.

0	ложь	Minimal value
i	фиг знает	
1	истина	maximum value

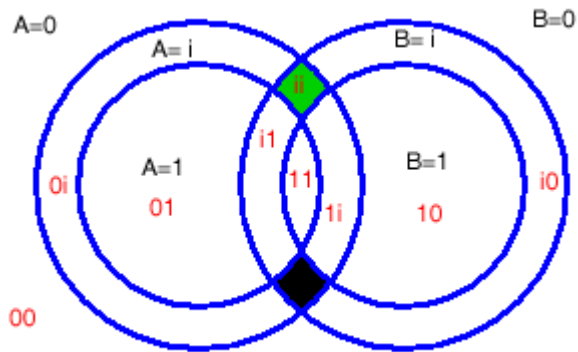
Расширенный вариант диаграммы Венна:

Для однооперандных функций:  
Два вложенных круга, внутри внутреннего операнд = 1, между внешним и внутреннем операнд = i, снаружи внешнего операнд = 0.

Значения:  
0            сплошной белый  
i            сплошной зеленый  
1            штрихованный черный



Для двухоперандных функций:

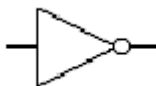


Два двойных круга и их пересечения.  
Обратите внимание что зоне  $ii=\{A=i, B=i\}$  соответствуют два региона:  
один выделен черным, другой зеленым.

## Однооперандные функции

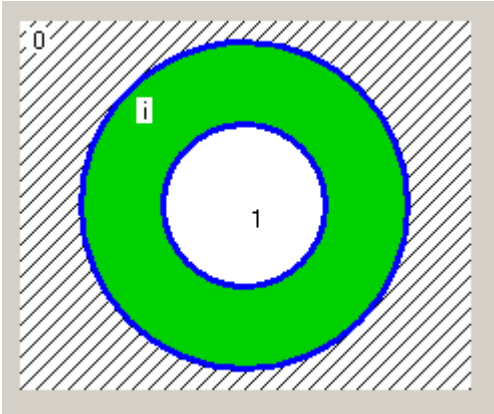
X	0	i	1	
0	0	0	0	тождественный 0
0	0	0	i	Сдвиг вниз (Shift down) (слабый == 1)
0	0	0	1	Сильный == 1
0	i	i	0	Слабый == i
0	i	i	i	Слабый != 0
0	i	i	1	повторение
0	1	1	0	Сильный == i
0	1	1	i	Обмен i и 1 (Negation)
0	1	1	1	Сильный != 0
i	0	0	0	Слабый == 0
i	0	0	i	Слабый != i
i	0	0	1	Обмен i и 0
i	i	i	0	Слабый != 1
i	i	i	i	тождественное i
i	i	i	1	
i	1	1	0	Вращение вниз (Rotate down)
i	1	1	i	
i	1	1	1	Сдвиг вверх (Shift Up)
1	0	0	0	Сильный == 0
1	0	0	i	Вращение вверх (Rotate up)
1	0	0	1	Сильный != i
1	i	i	0	инверсия (обмен 0 и 1)
1	i	i	i	
1	i	i	1	
1	1	1	0	Сильный != 1
1	1	1	i	
1	1	1	1	тождественная 1

NOT

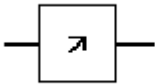


Отрицание:

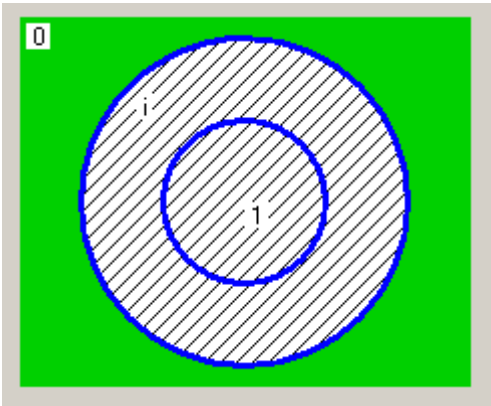
X	X#
0	1
i	i
1	0
-	+
0	0
+	-



Shift Up

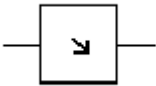


X	F
0	i
i	1
1	1
-	0
0	+
+	+

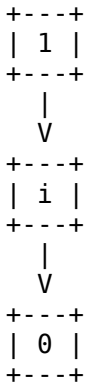
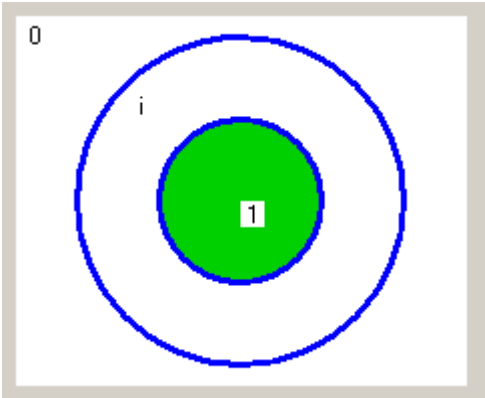


```
+---+
| 1 |
+---+
 ^
 |
+---+
| i |
+---+
 ^
 |
+---+
| 0 |
+---+
```

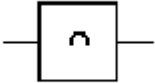
Shift Down



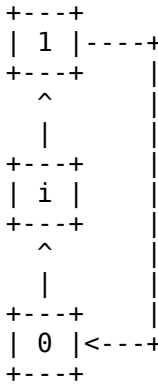
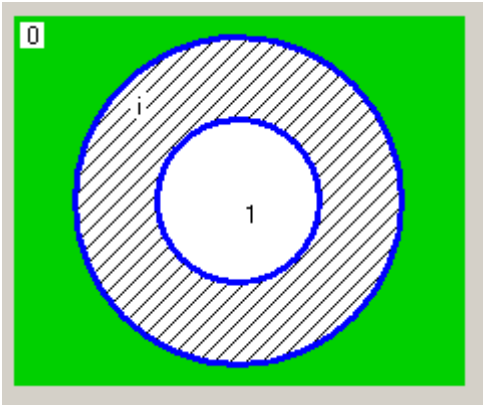
X	F
0	0
i	0
1	i
-	-
0	-
+	0



Rotate Up



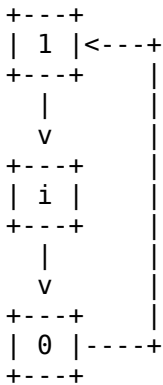
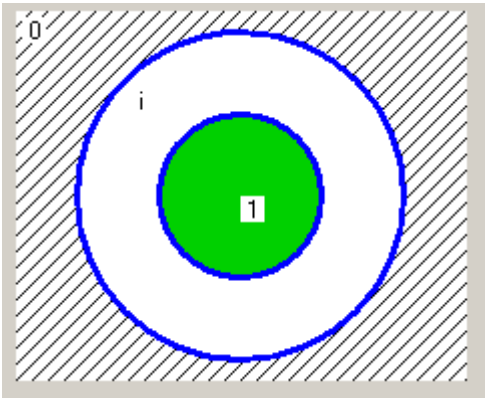
X	F
0	i
i	1
1	0
-	0
0	+
+	-



Rotate Down



X	F
0	1
i	0
1	i
-	+
0	-
+	0



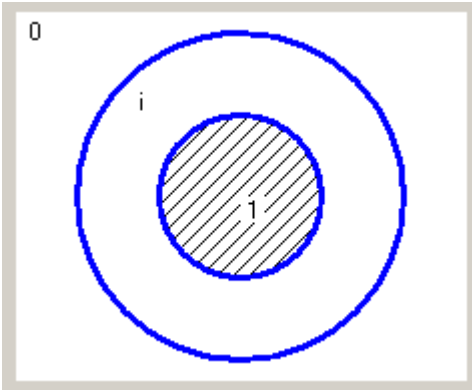
Сравнения

$X == A$

Если  $X == A$  то результат 1 (если сильное сравнение), i (если слабое сравнение).  
иначе 0.

Пример сильного сравнения  $== 1S$ :

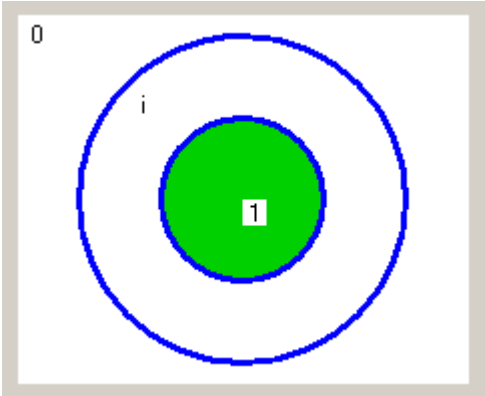
X	==1S
0	0
i	0
1	1
-	-
0	-
+	+



Пример слабого сравнения  $== 1W$ :

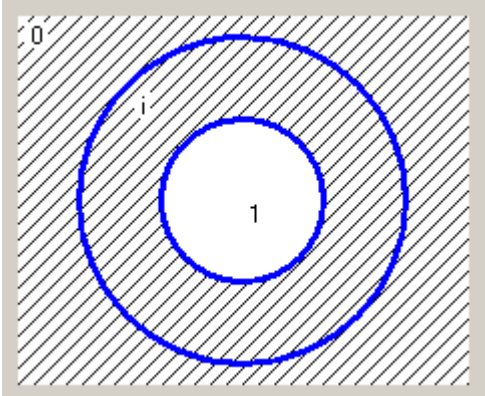
X	==1W
0	0
i	0
1	i
-	-
0	-
+	0





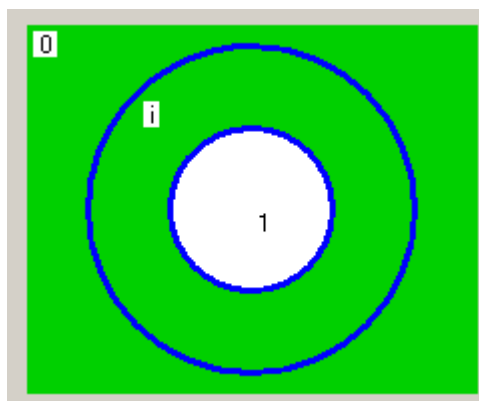
Пример сильного сравнения  $\Leftrightarrow 1$ :

-----	
X	!=1S
-----	
0	1
i	1
1	0
-----	
-	+
0	+
+	-
-----	



Пример слабого сравнения  $\Leftrightarrow 1$ :

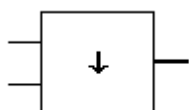
-----	
X	!=1W
-----	
0	1
i	1
1	i
-----	
-	+
0	+
+	0
-----	



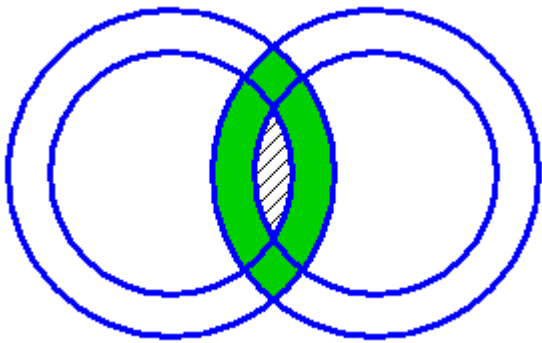
## Некоторые двухоперандные функции

В троичной логике только 729 коммутативных двухоперандных функций из 19,683 т.е. таких что  $F(A,B) = F(B,A)$

# AND



$$X \text{ AND } Y = \text{MIN}(X, Y)$$



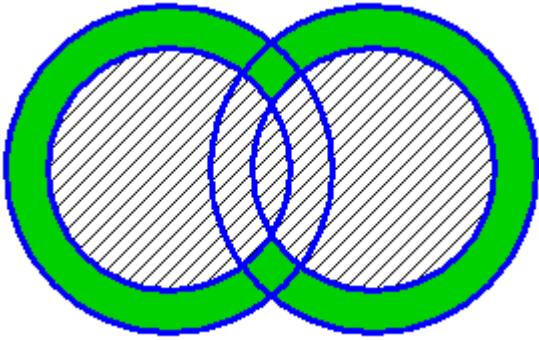
X	Y	AND
0	0	0
0	i	0
0	1	0
i	0	0
i	i	i
i	1	i
1	0	0
1	i	i
1	1	1

	-	0	+
-	-	-	-
0	-	0	0
+	-	0	+

OR



$X \text{ OR } Y = \text{MAX}(X, Y)$



X	Y	OR
0	0	0
0	i	i
0	1	1
i	0	i
i	i	i
i	1	1
1	0	1
1	i	1
1	1	1

	-	0	+
-	-	0	+
0	0	0	+
+	+	+	+

## XOR

Как вычислять логику более высшего порядка:

Если при перемещении аргумента результат меняется (при его изменении) то ставится неопределенное значение.

Пример вычислений XOR:

XOR	0	1	двоичный XOR
0	0	1	
1	1	0	

AB	Local	Result
----	-------	--------

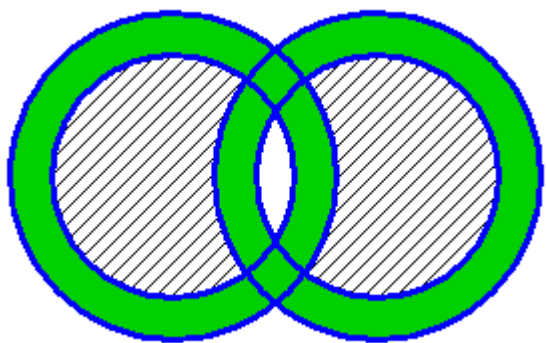
00	0(+)0 = 0		0
0i	0(+)0 = 0	0(+)1 = 1	i
01	0(+)1 = 1		1
i0	0(+)0 = 0	1(+)0 = 1	i
ii	0(+)0 = 0	0(+)1 = 1 ...	
	1(+)0 = 1	1(+)1 = 0	i
i1	0(+)1 = 1	1(+)1 = 0	i
10	1(+)0 = 1		1
1i	1(+)0 = 1	1(+)1 = 0	i
11	1(+)1 = 0		0

Получаем результат:

X	Y	XOR
0	0	0
0	i	i
0	1	1
i	0	i
i	i	i
i	1	i
1	0	1
1	i	i
1	1	0

XOR	0	i	1
0	0	i	1
i	i	i	i
1	1	i	0

-	-	0	+
-	-	0	+
0	0	0	0
+	+	0	-



## EQV

$$\text{EQV}(X, Y) = \text{NOT} (\text{XOR}(X, Y))$$

X	Y	EQV
0	0	1
0	i	i
0	1	0
i	0	i
i	i	i
i	1	i
1	0	0
1	i	i
1	1	1

Эквивалентен ли 0 - 0 : да  
 Эквивалентен ли 0 - фиг знает : фиг знает

Эквивалентен ли Фиг знает - фиг знает : фиг знает

	-	0	+
-	+	0	-
0	0	0	0
+	-	0	+

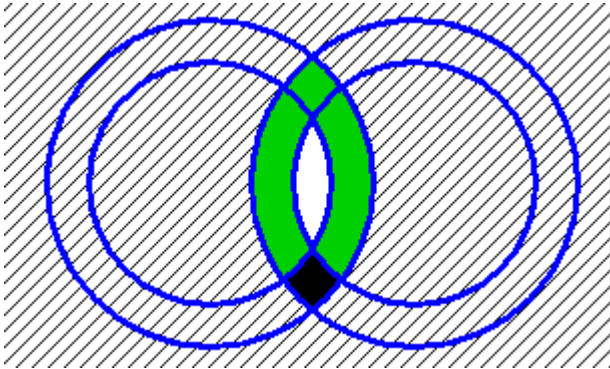


## NAND

$$\text{NAND}(X, Y) = \text{NOT} (\text{AND}(X, Y))$$

X	Y	NAND
0	0	1
0	i	1
0	1	1
i	0	1
i	i	i
i	1	i
1	0	1
1	i	i
1	1	0

-----+-----				
		-	0	+
-----+-----				
-		+	+	+
0		+	0	0
+		+	0	-
-----+-----				

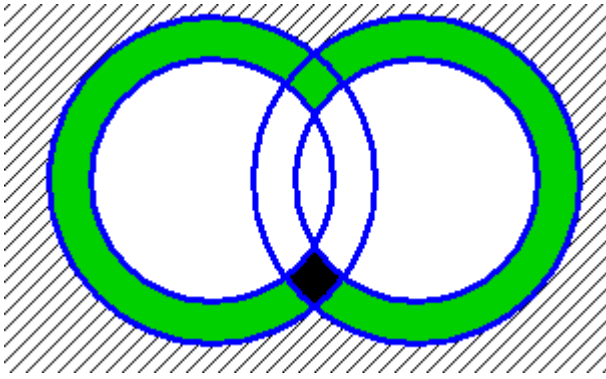


NOR

$NOR(X,Y) = NOT((OR(X,Y))$

-----+-----			
X	Y		NOR
-----+-----			
0	0		1
0	i		i
0	1		0
i	0		i
i	i		i
i	1		0
1	0		0
1	i		0
1	1		0
-----+-----			

-----+-----				
		-	0	+
-----+-----				
-		+	0	-
0		0	0	-
+		-	-	-
-----+-----				



## IMP

Помним что функция несимметричная

X	Y	X->Y
0	0	1
0	1	1
0	1	1
1	0	0
1	1	1
1	1	1
1	0	0
1	1	1
1	1	1

$$0 \rightarrow 0 = 1 \quad 0 \rightarrow 1 = 1$$

$$0 \rightarrow 0 = 1 \quad 1 \rightarrow 0 = 0$$

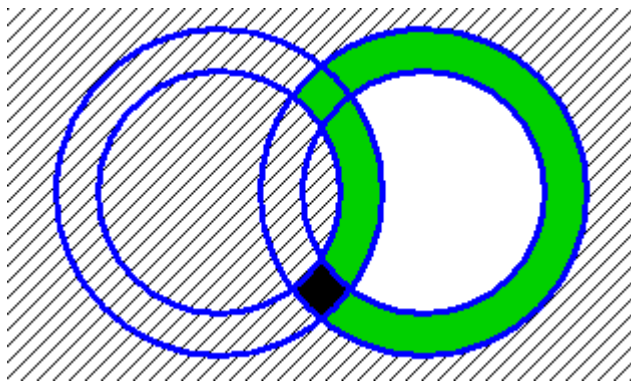
$$0 \rightarrow 0 = 1 \quad 0 \rightarrow 1 = 1 \quad 1 \rightarrow 0 = 0 \quad 1 \rightarrow 1 = 1$$

$$0 \rightarrow 1 = 1 \quad 1 \rightarrow 1 = 1$$

$$1 \rightarrow 0 = 0 \quad 1 \rightarrow 1 = 1$$

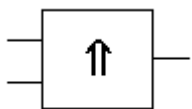
	-	0	+
-	+	+	+
0	0	0	0
+	-	0	+





А сейчас мы рассмотрим некоторые интересные двухоперандные функции:

## Исключающий МАХ

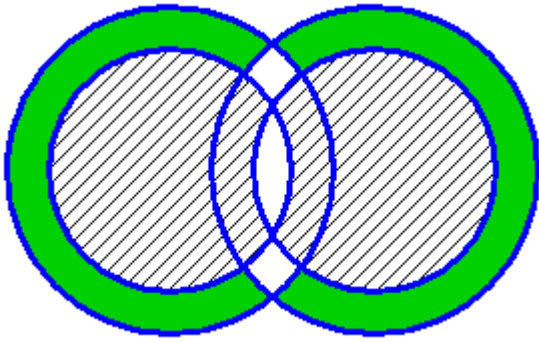


XMAX:

$F = \text{MAX}(A, B)$ , если  $A \neq B$   
 $0$ , если  $A = B$   
 (имейте в виду - это не XOR).

AB	0	1	1
0	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0

	-	0	+
-	-	0	+
0	0	-	+
+	+	+	-



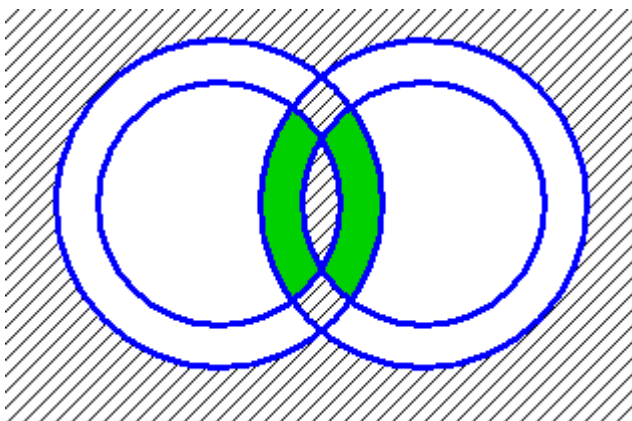
## Инверсно Исключающий MIN:

IXMAX:

$F = \text{MIN}(A, B)$ , если  $A \neq B$   
 1, если  $A == B$

AB	0	i	1
0	1	0	0
i	0	1	i
1	0	i	1

	-	0	+
-	+	-	-
0	-	+	0
+	-	0	+



## Mean

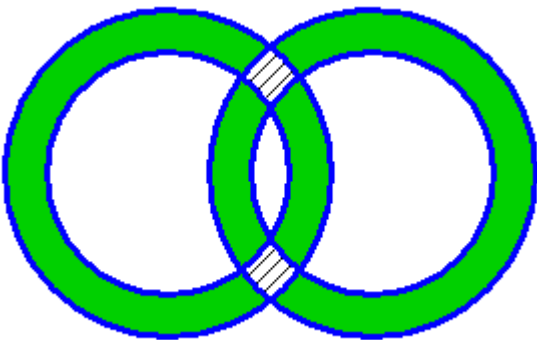


Mean:

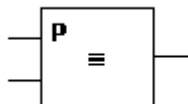
Смотрит насколько "средние" операнды  
 Если  $ii$ , то возвращает 1  
 Если  $iX$  или  $Xi$ , то возвращает  $i$   
 Иначе 0

AB	0	i	1
0	0	i	0
i	i	1	i
1	0	i	0

	-	0	+
-	-	0	-
0	0	+	0
+	-	0	-



# Magnitude

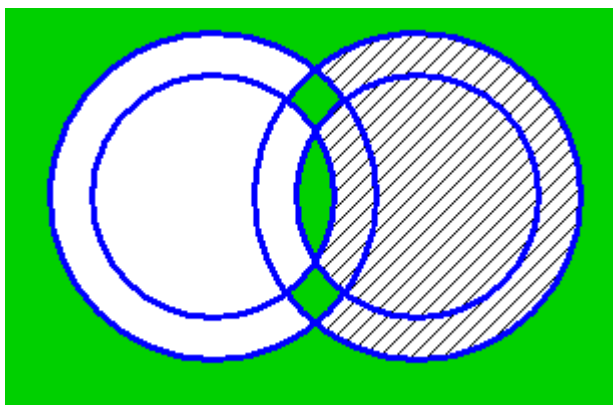


Magnitude:

Сравнение  
(Функция несимметричная)  
Возвращает 0, если  $A < B$   
              *i*, если  $A = B$   
              1, если  $A > B$

		B		
		0	<i>i</i>	1
A	0	<i>i</i>	0	0
	<i>i</i>	1	<i>i</i>	0
	1	1	1	<i>i</i>

		-	0	+
A	-	0	-	-
	0	+	0	-
	+	+	+	0



## Число логических функций

Для двоичной системы счисления имеем:

число однооперандных функций =  $2^2 = 4$

число двухоперандных функций =  $2^4 = 16$

Для троичной системы счисления имеем:

число однооперандных функций =  $3^3 = 27$

число двухоперандных функций = посчитайте сами ( $3^9$ )

(ясное дело, что мы не будем здесь приводить эти функции).

-----  
00 0i 01 i0 ii i1 10 1i 11      входной набор  
-----

сколько комбинаций? 3 для каждого значения входного набора, всего =  $3^9 = 19683$   
-----

А вообще говоря число функций равно  $3^{(3^N)}$ , где N число аргументов

для N=1 = 27

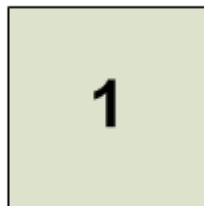
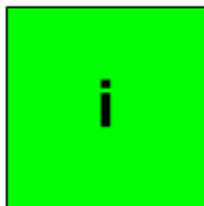
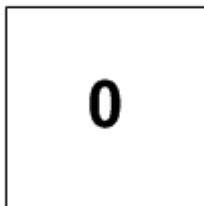
для N=2 = 19,638

для N=3 = 7,625,597,484,987

## Трит и трайт

трит (0,i,1)

единица информации - ячейка которая может быть в одном из трех состояний



не стоит думать что

1 трит = 1.5 бита

потому что:

2 трита хранят =  $3*3 = 9$  комбинаций

3 бита хранят =  $2*2*2 = 8$  комбинаций

т.е. 2 трита > 3 бита.

На самом деле равные единицы информации - должны хранить равное число комбинаций.

Имеем - есть некоторое число N:

$$N = 2^m$$

$$N = 3^k$$

$$2^m = 3^k$$

прологарифмируем по основанию e:

$$m * \ln 2 = k * \ln 3$$

$$m = \frac{k * \ln 3}{\ln 2}$$

$$\text{соответственно 1 трит} = \frac{1 * \ln 3}{\ln 2} \text{ бит} = \frac{1.098612}{0.693147} \text{ бит} = 1.5849 \text{ бит}$$

$$\text{соответственно 2 трита} = 1.5849 * 2 = 3.1698 \text{ бит}$$

трайт (как правило 6 тритов).  
6 тритов могут хранить  $3^6 = 729$  состояний

$$1 \text{ трайт} = 1.5849 * 6 \text{ бит} = 9.5094 \text{ бит} = 9.5094 / 8 \text{ байт} = 1.1887 \text{ байт}$$

$3^1$	3
$3^2$	9
$3^3$	27
$3^4$	81
$3^5$	243
$3^6$	729
$3^7$	2187
$3^8$	6561
$3^9$	19683
$3^{10}$	59049

## Полиномальная форма

Полиномальная форма троичных функций:

для функции с 1м переменным:

$$F = A_0 + A_1 * X + A_2 * X^2$$

для функции с 2мя переменными

$$F = A_0 + A_1 * X_1 + A_2 * X_2 + A_3 * X_1^2 + A_4 * X_2^2 + A_5 * X_1 * X_2 + A_6 * X_1^2 * X_2 + A_7 * X_1 * X_2^2 + A_8 * X_1^2 * X_2^2$$

Полиномальная форма троичных функций очень важна практически, т.к. элементы для оптических вычислений делают + и \* на 3-ной ССОК.

$\{0, 1, 2, \dots, p-1\}$   $p$  - основание системы счисления

$$F(0) = c_0$$

$$F(1) = c_1$$

$$\ddots$$

$$F(p-1) = C_{p-1} \quad \text{в фигурных скобках индекс}$$

$$F(x) = \sum_{I=0..p-1} (a_I \cdot x^I) \pmod{p}$$

$$c_0 = a_0$$

$$c_1 = a_0 + a_1 + \dots + a_{p-1}$$

$$c_2 = a_0 + 2 \cdot a_1 + 2^2 \cdot a_2 + \dots + 2^{(p-1)} \cdot a_{p-1}$$

$$\ddots$$

$$c_{p-1} = a_0 + (p-1) \cdot a_1 + (p-1)^2 \cdot a_2 + \dots + (p-1)^{(p-1)} \cdot a_{p-1}$$

Для многовходовых:

$$F(x, y) = f_0(x) + f_1(x)y + f_2(x)y^2 + \dots + f_{p-1}(x)y^{(p-1)} \pmod{p}$$

где

$$f_I(x) = a_{\{0, i\}} + a_{\{1, i\}} \cdot x + a_{\{2, i\}} \cdot x^2 + \dots + a_{\{p-1, i\}} \cdot x^{(p-1)}$$

Рассмотрим троичные функции с 1 переменной:

$$F = A_0 + A_1 \cdot X + A_2 \cdot X^2$$

			X		
A2	A1	A0	0	1	2
0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	1	1
0	0	2	2	2	2
0	1	0	0	1	2
0	1	1	1	2	0
0	1	2	2	0	1
0	2	0	0	2	1
0	2	1	1	0	2
0	2	2	2	1	0
1	0	0	0	1	1
1	0	1	1	2	2
1	0	2	2	0	0
1	1	0	0	2	0
1	1	1	1	0	1
1	1	2	2	1	2
1	2	0	0	0	2
1	2	1	1	1	0
1	2	2	2	2	1
2	0	0	0	2	2
2	0	1	1	0	0
2	0	2	2	1	1
2	1	0	0	0	1
2	1	1	1	1	2
2	1	2	2	2	0
2	2	0	0	1	0
2	2	1	1	2	1
2	2	2	2	0	2

Как искать коэффициенты:

$$F(0) = A_0 + A_1 \cdot 0 + A_2 \cdot 0 = A_0$$

$$F(1) = A_0 + A_1 + A_2$$

$$F(2) = A_0 + 2 \cdot A_1 + A_2$$

пример:

пусть  $F(0) = 1$ ,  $F(1) = 2$ ,  $F(2) = 1$   
тогда

$$A_0 = 1$$

$$A_0 + A_1 + A_2 = 2$$

$$1 + A_1 + A_2 = 2$$

$$A_1 + A_2 = 1$$

$$1 + 2*A_1 + A_2 = 1$$

$$1 + A_1 + (A_1 + A_2) = 1$$

$$1 + A_1 + 1 = 1$$

$$A_1 = -1 \quad (\text{т.е. } 2)$$

$$A_1 = 2$$

$$A_1 + A_2 = 1$$

$$2 + A_2 = 1$$

$$A_2 = -1 \quad (\text{т.е. } 2)$$

$$A_2 = 2$$

			X			Полином
A2	A1	A0	0	1	2	
0	0	0	0	0	0	0
2	1	0	0	0	1	$2x^2 + x$
1	2	0	0	0	2	$x^2 + 2x$
2	2	0	0	1	0	$2x^2 + 2x$
1	0	0	0	1	1	$x^2$
0	1	0	0	1	2	$x$
1	1	0	0	2	0	$x^2 + x$
0	2	0	0	2	1	$2x$
2	0	0	0	2	2	$2x^2$
2	0	1	1	0	0	$2x^2 + 1$
1	1	1	1	0	1	$x^2 + x + 1$
0	2	1	1	0	2	$2x + 1$
1	2	1	1	1	0	$x^2 + 2x + 1$
0	0	1	1	1	1	1
2	1	1	1	1	2	$2*x^2 + x + 1$
0	1	1	1	2	0	$x + 1$
2	2	1	1	2	1	$2*x^2 + 2x + 1$
1	0	1	1	2	2	$x^2 + 1$
1	0	2	2	0	0	$x^2 + 2$
0	1	2	2	0	1	$x + 2$
2	2	2	2	0	2	$2x^2 + 2x + 2$
0	2	2	2	1	0	$2x + 2$
2	0	2	2	1	1	$2x^2 + 2$
1	1	2	2	1	2	$x^2 + x + 2$
2	1	2	2	2	0	$2x^2 + x + 2$
1	2	2	2	2	1	$x^2 + 2x + 2$
0	0	2	2	2	2	2

NOT

как искать коэффициенты для троичной функции с 2 переменными:

$$F(x, y) = A_0 + A_1*x + A_2*x^2 + A_3*y + A_4*y^2 + A_5*xy + A_6*x^2*y + A_7*x*y^2 + A_8*x^2*y^2$$

$$F(0, 0) = A_0$$

определяем  $A_0$ 

$$F(1, 0) = A_0 + A_1 + A_2$$

$$F(2, 0) = A_0 + 2*A_1 + A_2$$

определяем  $A_1, A_2$ 

$$F(0, 1) = A_0 + A_3 + A_4$$

$$F(0, 2) = A_0 + 2*A_3 + A_4$$

определяем  $A_3, A_4$



$$F(1,1) = A_0 + A_1 + A_2 + A_3 + A_4 + A_5 + A_6 + A_7 + A_8$$

$$F(2,1) = A_0 + 2*A_1 + A_2 + A_3 + A_4 + 2*A_5 + A_6 + 2*A_7 + A_8$$

$$F(1,2) = A_0 + A_1 + A_2 + 2*A_3 + A_4 + 2*A_5 + 2*A_6 + A_7 + A_8$$

$$F(2,2) = A_0 + 2*A_1 + A_2 + 2*A_3 + A_4 + A_5 + 2*A_6 + 2*A_7 + A_8$$

из последних 4 уравнений определяем  $A_5, A_6, A_7, A_8$

## Базис

Базис для троичной логики найти гораздо труднее.

Но существует функция которая является базисом в любой логике.

Это функция Уэбба

$$W(X,Y) = \begin{cases} X + 1, & \text{если } X == Y \\ 0, & \text{если } X != Y \end{cases}$$

( $X + 1$  в арифметическом смысле)

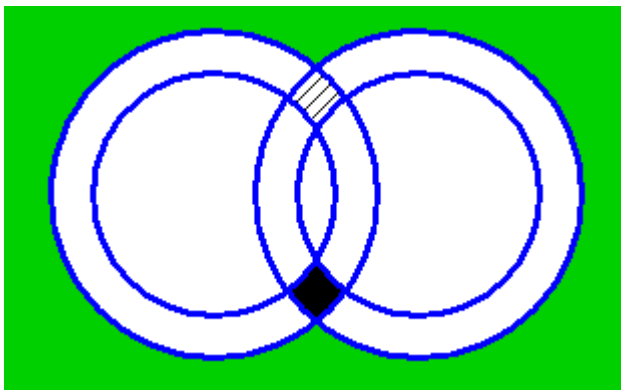
Для двоичной системы это будет:

XY	W	
00	1	это будет NOR
01	0	
10	0	
11	0	

Для троичной системы:

XY	W
00	i
0i	0
01	0
i0	0
ii	1
i1	0
10	0
1i	0
11	0

	-	0	+
-	0	0	0
0	0	+	0
+	0	0	-



## Арифметика

В логическом смысле троичную логику мы рассмотрели  
Теперь рассмотрим ее в арифметическом смысле:

Цифра	Значение
0	0
1	i
2	1

Имеем в виду, что у нас есть принципиально 2 арифметики  
троичная система  $\{0,1,2\}$   
и сбалансированная троичная система  $\{-,0,+\} = \{-1,0,+1\}$   
соответственно арифметические функции у этих систем принципиально разные

### Полусумматор

На основании троичной логики можно строить троичные арифметические схемы  
Например полусумматор (схема складывающая две цифры одного разряда):

A+B	0	1	2	
0	00	01	02	
1	01	02	10	старший бит - перенос
2	02	10	11	младший бит - сумма

Полусумматор: функция логической суммы:

SUM	
A+B	
0	0
1	1
2	2

	0	1	2	
0	0	1	2	
1	1	2	0	
2	2	0	1	только младший бит - сумма

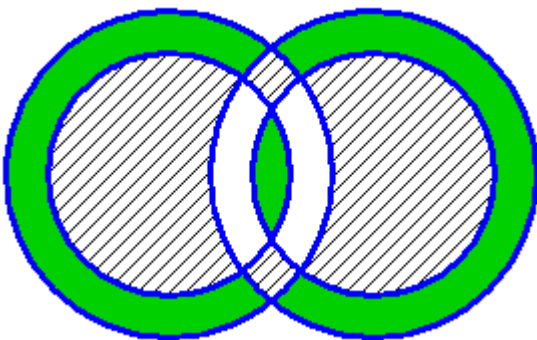
SUM A/B	0	1	1
0	0	1	1
1	1	1	0
1	1	0	1

	-	0	+
-	-	0	+
0	0	+	-
+	+	-	0

арифметика {0,1,2}

	-	0	+
-	+	-	0
0	-	0	+
+	0	+	-

арифметика {- , 0, +}



Полусумматор: функция переноса:

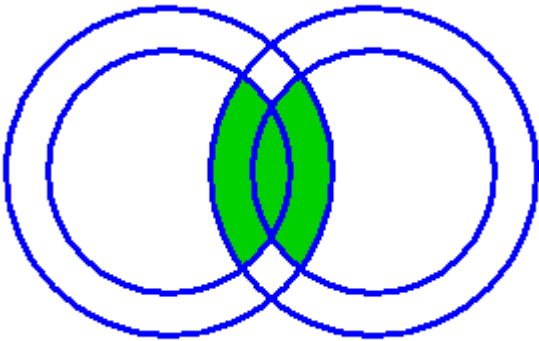
CARRY A+B	0	1	2	
0	0	0	0	
1	0	0	1	
2	0	1	1	только старший бит - перенос

CARRY A/B	0	1	1
0	0	0	0
1	0	0	1

1 | 0 i i

-----+-----				Арифметика {0,1,2}
		-	0 +	
-----+-----				
-		-	- -	
0		-	- 0	
+		-	0 0	
-----+-----				

-----+-----				Арифметика {- ,0,+}
		-	0 +	
-----+-----				
-		-	0 0	
0		0	0 0	
+		0	0 +	
-----+-----				



Умножение:

Для {0,1,2}:

A*B		0	1	2
-----+-----				
0		0	0	0
1		0	1	2
2		0	2	11

MUL				
A*B		0	1	2
-----+-----				
0		0	0	0
1		0	1	2
2		0	2	1

только младший бит

CARRY				
A*B		0	i	1
-----+-----				
0		0	0	0
i		0	0	0
1		0	0	1

только старший бит - перенос

Для  $\{-, 0, +\}$  все сильно проще:  
и никаких переносов.

Умножение

		+		
		-	0	+
	+			
-		+	0	-
0		0	0	0
+		-	0	+
	+			

## Дополнительный код (троичный)

Дополнительный код имеет смысл только для системы  $\{0, 1, 2\}$ , потому что система  $\{-, 0, +\}$  может представлять отрицательные числа естественным способом.

Соответственно для  $\{0, 1, 2\}$  отрицательные числа удобно представлять в дополнительном коде (дополнение до 3)  
тогда можно использовать сумматоры для вычитания:

$$A - B = A + (-B)$$

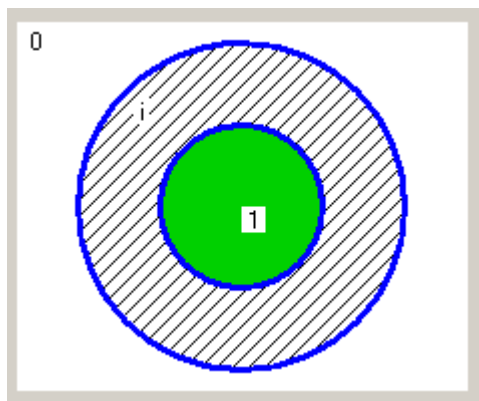
$-X$  в дополнительном коде определяется как и в двоичном случае ( $\text{NOT}(X)$  дополняет до 2, прибавлением единицы дополняем до 3)

$$-X = \text{NOT}(X) + 1 \quad \text{в арифметическом смысле (1)} \\ \text{т.е. цифры:}$$

Получаем функцию NEG (она же обмен  $i$  и  $1$ ):

(В двоичном случае - что NOT что NEG одинаковые, но в троичном они расслаиваются на две разные функции.

X		NEG
	+	
0		0
i		1
1		i



Проверка:

$$X + (-X) = 0$$

X	-X	X + (-X)
0	0	0
i	1	0
1	i	0

Все верно.

Особенно хочется обратить внимание что  $-X$  арифметическая функция и поэтому она затрагивает все разряды числа:

Пример:

$$\begin{array}{lcl}
 \text{Число} & = & 0i0 \\
 \text{NOT}(1i) & = & 1i1 \\
 \text{NEG}(1i) & = & 1i1 + 00i = 1i0 + 0i0 = 110
 \end{array}$$

$\begin{array}{c} | \qquad | \qquad \qquad \qquad | \\ +-----+ \qquad \qquad \qquad | \\ | \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad | \\ +-----+ \end{array}$

$$\text{Проверка: } 0i0 + 110 = 100 + i00 = (1)000$$

Законы троичной логики:

$$\begin{aligned}
 0 \downarrow A &= A \\
 2 \downarrow A &= 2 \\
 0 \downarrow A &= 0 \\
 2 \downarrow A &= A \\
 0 \rightarrow A &= (A \cap) \searrow \\
 1 \rightarrow A &= ((A \cap) \searrow) \cap \\
 2 \rightarrow A &= (A \cap) \searrow \\
 0 \rightarrow A &= 2 \rightarrow A \\
 A \downarrow A &= A \\
 A \downarrow A &= A \\
 A \rightarrow A &= (0 \rightarrow A) \cup \\
 A \equiv A &= 1 \\
 A \equiv A &= A \\
 A \equiv 0 &= A \nearrow \\
 A \equiv 1 &= A \\
 A \equiv 2 &= A \searrow \\
 0 \equiv A &= \underline{A} \nearrow \\
 1 \equiv A &= \underline{A} \\
 2 \equiv A &= \underline{A} \searrow \\
 (A \uparrow 1) \uparrow 1 &= A \\
 (A \cap) \cup &= A \\
 (A \cup) \cap &= A \\
 (A \cap \cap) &= A \cup \\
 (A \cup \cup) &= A \cap \\
 A (A \downarrow B) &= A \\
 A \downarrow (A B) &= A \\
 (A \equiv B) &= (\underline{B} \equiv \underline{A}) \\
 1 \downarrow A &= (A \nearrow) \cup \\
 1 A &= (A \searrow) \cap \\
 \underline{A} &= A
 \end{aligned}$$

Рассмотрим еще некоторые функции  
 $\{ -, 0, + \}$

Сложение по модулю

+-----				
		-	0	+
+-----				
-		+	-	0
0		-	0	+
+		0	+	-
+-----				

Перенос в сложении по модулю

+-----				
		-	0	+
+-----				
-		-	0	0
0		0	0	0
+		0	0	+
+-----				

## Сложение с насыщением

	-	0	+
-	-	-	0
0	-	0	+
+	0	+	+

## Функция Webb

	-	0	+
-	0	+	-
0	+	+	-
+	-	-	-

## Тождество (строгое)

	-	0	+
-	+	-	-
0	-	+	-
+	-	-	+

## Тождество (weak)

	-	0	+
-	+	0	-
0	0	0	0
+	-	0	+

в общем как умножение

## Конъюнкция Лукашевича (сильная)

	-	0	+
-	-	-	-
0	-	-	0
+	-	0	+

## Импликация Лукашевича

	-	0	+
-	+	0	-
0	+	+	0
+	+	+	+

## Конъюнкция Клини

	-	0	+
-	-	0	-
0	0	0	0
+	-	0	+



## Импликация Клини

-+-----				
		-	0	+
-+-----				
-		+	+	+
0		0	0	0
+		-	0	+
-+-----				

## Интуиционистская импликация Геделя

- - - + - - - -				
		-	0	+
- - - + - - - -				
-		+	-	-
0		+	+	0
+		+	+	+
- - - + - - - -				

## Материальная импликация

-----+-----				
		-	0	+
-----+-----				
-		+	0	-
0		+	0	0
+		+	+	+
-----+-----				

## Функция следования Брусенцова

- + - - -				
		-	0	+
- + - - -				
-		+	0	-
0		0	0	0
+		0	0	+
- + - - -				

---

**Info**

Web <http://www.trinary.cc/> Сайт посвященный разработке троичных устройств

Search [Trinary Logic](#)

---

[Index](#) [Prev](#) [Next](#)